

# СПРАВОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

## СТЕПЕНИ

- 1  $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$
- 2  $a^n \cdot a^{-m} = a^{n-m}$
- 3  $(a^n)^m = a^{n \cdot m}$
- 4  $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$
- 5  $\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$
- 6  $a^0 = 1$
- 7  $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
- 8  $\left(\frac{b}{a}\right)^{-n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$

## КОРНИ

- 1  $\sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{ab}$
- 2  $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$
- 3  $(\sqrt{a})^2 = a$
- 4  $\sqrt{a^2} = |a|$
- 5  $\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$

## ЛОГАРИФМЫ

### ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЛОГАРИФМА

Если  $\log_a b = c$ , то  $a^c = b$   
ОСНОВНОЕ ЛОГАРИФМИЧЕСКОЕ ТОЖДЕСТВО  
 $a^{\log_a b} = b$

### ОДЗ ЛОГАРИФМА

Для  $\log_a b$   
 $\begin{cases} a > 0 \\ a \neq 1 \\ b > 0 \end{cases}$

## СВОЙСТВА ЛОГАРИФМОВ

- 1  $\log_a b + \log_a c = \log_a b \cdot c$
- 2  $\log_a b - \log_a c = \log_a \frac{b}{c}$
- 3  $\log_a b^m = m \cdot \log_a b$
- 4  $\log_a^n b = \frac{1}{n} \cdot \log_a b$
- 5  $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$
- 6  $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$

## ФСУ

### РАЗНОСТЬ КВАДРАТОВ

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$

### КВАДРАТ РАЗНОСТИ

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

### КВАДРАТ СУММЫ

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

### РАЗНОСТЬ КУБОВ

$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

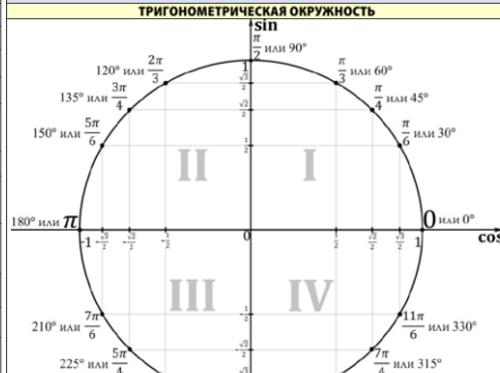
### СУММА КУБОВ

$$a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$$

### ПРОИЗВОДНЫЕ

- 1  $C' = 0$
- 2  $x' = 1$
- 3  $(Cx)' = C$
- 4  $(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$
- 5  $(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$
- 6  $(U \cdot V)' = U'V + UV'$
- 7  $\left(\frac{U}{V}\right)' = \frac{U'V - UV'}{V^2}$
- 8  $(U(V))' = (U(V))' \cdot V'$
- 9  $(\sin x)' = \cos x$
- 10  $(\cos x)' = -\sin x$
- 11  $(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$
- 12  $(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$
- 13  $(e^x)' = e^x$
- 14  $(a^x)' = a^x \cdot \ln a$
- 15  $(\ln x)' = \frac{1}{x}$
- 16  $(\log_a b)' = \frac{1}{b \cdot \ln a}$

## ТРИГОНОМЕТРИЯ



### ФОРМУЛЫ ПРИВЕДЕНИЯ

- 1 Если в аргументе есть  $\frac{\pi}{2}$  или  $\frac{3\pi}{2}$  или  $\frac{5\pi}{2}$  и т.д., то функция меняется на кофункцию
  - 2 Если в аргументе есть  $\pi$  или  $2\pi$  или  $3\pi$  и т.д., то функция не меняется на кофункцию
- Пример:
- $$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos \alpha$$
- $$\operatorname{tg}(\pi + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha$$

- Чтобы определить знак, необходимо понять в какой четверти находится аргумент и смотреть на изначальную функцию, а не на изменявшуюся
- Пример:

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)$$

Это IV четверть, в ней синус имеет знак минус, поэтому

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right) = -\cos \alpha$$

### ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФОРМУЛЫ

- 1  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$
- 2  $1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
- 3  $1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$
- 4  $\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1$

### ФОРМУЛЫ ДВОЙНОГО УГЛА

- 1  $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$
- 2  $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$
- 3  $\cos 2\alpha = 2\cos^2 \alpha - 1$
- 4  $\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$

### АРИФМЕТИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ

- 1  $a_n = a_1 + d \cdot (n - 1)$
- 2  $S_n = \frac{(a_1 + a_n) \cdot n}{2}$
- 3  $d = \frac{a_n - a_1}{n - 1}$

### РАЦИОНАЛИЗАЦИЯ

- | Было                  | Стало            |
|-----------------------|------------------|
| $\log_a f - \log_a g$ | $(a - 1)(f - g)$ |
| $a^x - a^y$           | $(a - 1)(f - g)$ |
| $ f  -  g $           | $(f - g)(f + g)$ |
| $\sqrt{f} - \sqrt{g}$ | $(f - g)$        |

### МОДУЛЬ

### РАСКРЫТИЕ МОДУЛЯ

- 1 Если внутримодульное выражение положительное, то просто опускаем модуль
- Пример:
- $$y = |2 - 1| = 2 - 1$$

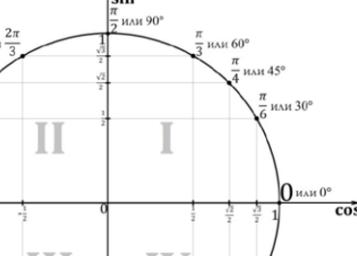
- 2 Если внутримодульное выражение отрицательное, то раскрываем модуль, меняя все знаки внутри модуля на противоположные
- Пример:
- $$y = |1 - 2| = -1 + 2$$

### СВОЙСТВА МОДУЛЕЙ

- 1  $|a \cdot b| = |a| \cdot |b|$
- 2  $\left|\frac{a}{b}\right| = \frac{|a|}{|b|}$

## ТРИГОНОМЕТРИЯ

### ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКАЯ ОКРУЖНОСТЬ



### СИНУС

$$\sin \alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

### КОСИНУС

$$\cos \alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

### ТАНГЕНС

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{прилежащий катет}}$$

### КОТАНГЕНС

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{противолежащий катет}}$$

### ЧЁТНОСТЬ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ

$$1 \sin(-\alpha) = -\sin \alpha$$

$$2 \cos(-\alpha) = \cos \alpha$$

$$3 \operatorname{tg}(-\alpha) = -\operatorname{tg} \alpha$$

$$4 \operatorname{ctg}(-\alpha) = -\operatorname{ctg} \alpha$$

### ФОРМУЛЫ СУММЫ И РАЗНОСТИ

$$1 \sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$$

$$2 \sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$$

$$3 \cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$

$$4 \cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

### СВОЙСТВО ОСТРЫХ УГЛОВ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА

### СООТВЕТСТВЕННЫЕ УГЛЫ

### УРАВНЕНИЯ

### РАЗЛОЖЕНИЕ НА МНОЖИТЕЛИ

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$$

### ТЕОРЕМА ВИЕТА

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$$

$$x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$$

### ЗАДАНИЕ 11

### УРАВНЕНИЕ ПУТИ

$$S = v \cdot t$$

расстояние = скорость · время

### СРЕДНЯЯ СКОРОСТЬ

$$V_{\text{средняя}} = \frac{S_{\text{суммарное}}}{t_{\text{суммарное}}}$$

### СХЕМА ЗАДАЧ НА СПЛАВЫ И СМЕСИ

Доля<sub>1</sub> · m<sub>1</sub> + Доля<sub>2</sub> · m<sub>2</sub> = Доля<sub>3</sub> · m<sub>3</sub>

### СВОЙСТВА МОДУЛЕЙ

$$1 |a \cdot b| = |a| \cdot |b|$$

$$2 \left|\frac{a}{b}\right| = \frac{|a|}{|b|}$$

## ЗАДАНИЕ 7

### ГРАФИК ОБЫЧНОЙ ФУНКЦИИ



### ГРАФИК ПРОИЗВОДНОЙ



### ВЗАЙМОНОСЛОЖЕНИЕ ДВУХ ПРЯМЫХ

$$y = k_1 x + b_1$$

$$y = k_2 x + b_2$$

- 1 Если  $k_1 = k_2$  и  $b_1 = b_2$ , то прямые совпадают

Пример:

$$y = 2x + 7$$
 и  $y = 2x + 7$

- 2 Если  $k_1 = k_2$  и  $b_1 \neq b_2$ , то прямые параллельны

Пример:

$$y = 2x + 7$$
 и  $y = 2x - 5$

- 3 Если  $k_1 \neq k_2$ , то прямые пересекаются

Пример:

$$y = 2x + 7$$
 и  $y = 3x + 7$

### СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ ТРЕУГОЛЬНИКА



### СВОЙСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА

В любом треугольнике:

- против большей стороны лежит больший угол

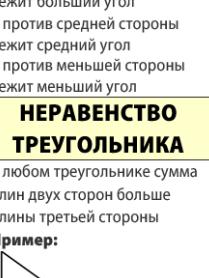
- против средней стороны лежит средний угол

- против меньшей стороны лежит меньший угол

### НЕРАВЕНСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА

В любом треугольнике сумма длин двух сторон больше длины третьей стороны

Пример:



### ТЕОРЕМА МЕНЕЛАЯ

Дан  $\Delta ABC$ . Пусть прямая  $DE$  пересекает две стороны этого треугольника и продолжения третьей стороны в точке  $K$ , тогда

$$\frac{AD}{DB} \cdot \frac{BE}{EC} \cdot \frac{CK}{KA} = 1$$

- 1) вершина  $A$

- 2) точка  $D$

- 3) вершина  $B$

- 4) точка  $E$

- 5) вершина  $C$

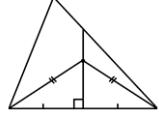
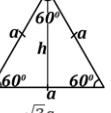
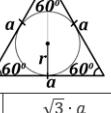
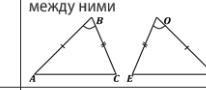
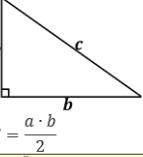
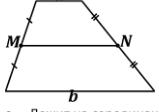
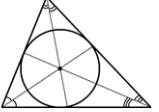
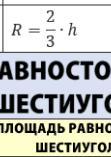
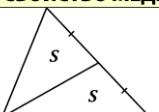
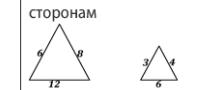
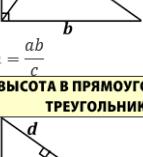
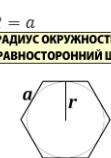
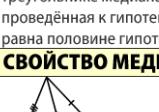
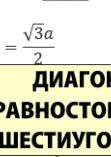
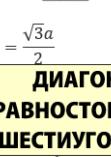
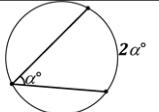
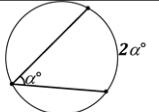
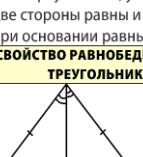
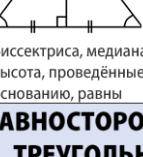
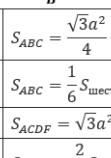
- 6) точка  $K$

- 7) вершина  $A$

### ТЕОРЕМА КОСИНОВСКИХ

$$1 a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \alpha$$

$$2 \cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

<b>БИССЕКТРИСА</b>	<b>СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА</b>	<b>ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК</b>	<b>ВЫСОТА РАВНОСТОРОННЕГО ТРЕУГОЛЬНИКА</b>	<b>ПРЯМОУГОЛЬНИК</b>	<b>ТРАПЕЦИЯ</b>
<b>ТЕОРЕМА О БИССЕКТРИСЕ</b>	 Точка, лежащая на серединном перпендикуляре к отрезку, равноудалена от концов этого отрезка	<b>ТЕОРЕМА ПИФАГОРА</b>	 $c^2 = a^2 + b^2$	 $S = a \cdot b$	 $S = \frac{a+b}{2} \cdot h$
<b>СВОЙСТВО БИССЕКТРИСЫ</b>	<b>ПРИЗНАКИ РАВЕНСТВА</b>	<b>ПЛОЩАДЬ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА</b>	 Радиус окружности, вписанной в равносторонний треугольник	<b>ПЛОЩАДЬ КВАДРАТА</b>	<b>СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ ТРАПЕЦИИ</b>
 Если точка лежит на биссектрисе угла, то она равноудалена от сторон этого угла	1 По двум сторонам и углу между ними 	 $S = \frac{a \cdot b}{2}$	$r = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{6}$	 $S = a^2$	 • Лежит на серединах сторон • Параллельна основаниям • Равна полусумме оснований
<b>ЦЕНТР ВПИСАННОЙ В ТРЕУГОЛЬНИК ОКРУЖНОСТИ</b>	<b>ПОДОБИЕ ПРИЗНАКИ ПОДОБИЯ</b>	<b>СВОЙСТВО ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА</b>	 Радиус окружности, описанной около равностороннего треугольника	<b>ПАРАЛЛЕЛОГРАММ</b>	<b>СВОЙСТВО ТРАПЕЦИИ</b>
 Центр вписанной в треугольник окружности – это точка пересечения биссектрис	1 По двум углам 	 Катет, лежащий напротив угла 30°, равен половине гипотенузы	$R = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{3}$	<b>ПЛОЩАДЬ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ)</b>	 В трапеции сумма углов, прилежащих к боковой стороне, равна 180°
<b>МЕДИАНА</b>	<b>СВОЙСТВО МЕДИАНЫ</b>	<b>ПОДОБИЕ ПРИЗНАКИ ПОДОБИЯ</b>	 Радиус окружности, описанной около прямоугольного треугольника	<b>ПЛОЩАДЬ РАВНОСТОРОННЕГО ШЕСТИУГОЛЬНИКА</b>	<b>СВОЙСТВО ТРАПЕЦИИ</b>
 Медиана разбивает треугольник на два равновеликих (с одинаковыми площадями)	2 По двум пропорциональным сторонам и углу между ними 	 $S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot h$	$R = \frac{c}{2}$	 $S = ac \cdot \sin \alpha$	 В трапеции сумма углов, прилежащих к боковой стороне, равна 180°
<b>СВОЙСТВО МЕДИАНЫ</b>	<b>ОТНОШЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ В ПОДОБНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКАХ</b>	<b>ВЫСОТА В ПРЯМОУГОЛЬНОМ ТРЕУГОЛЬНИКЕ</b>	 Радиус окружности, описанной около равностороннего шестиугольника	<b>ПАРАЛЛЕЛОГРАММ</b>	<b>СВОЙСТВО ТРАПЕЦИИ</b>
 В прямоугольном треугольнике медиана, проведённая к гипотенузе, равна половине гипотенузы	3 По трём пропорциональным сторонам 	 $S = \frac{ab}{2}$	$R = a$	 $S_{\text{лев}} = S_{\text{прав}}$ (доказывается через равенство треугольников $ABD$ и $ACD$ )	 2 $\Delta BOC \sim \Delta AOD$ (по двум углам)
<b>СВОЙСТВО МЕДИАНЫ</b>	<b>ОТНОШЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ В ПОДОБНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКАХ</b>	<b>ВЫСОТА В ПРЯМОУГОЛЬНОМ ТРЕУГОЛЬНИКЕ</b>	 Радиус окружности, вписанной в равносторонний шестиугольник	<b>ПРИЗНАКИ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА</b>	<b>ПРИЗНАК РАВНОБЕДРЕННОЙ ТРАПЕЦИИ</b>
 Медианы треугольника пересекаются в одной точке и точкой пересечения делятся в отношении 2:1 считая от вершины	В подобных треугольниках отношение периметров, биссектрис, медиан, высот и серединных перпендикуляров равно коэффициенту подобия	 $h^2 = de$	$R = \frac{\sqrt{3}a}{2}$	1 Если две стороны равны и параллельны 2 Если противоположные углы попарно равны 3 Если противоположные стороны попарно равны 4 Если все противоположные стороны попарно параллельны 5 Если диагонали пересекаются и точкой пересечения делятся пополам	 Если трапеция вписана в окружность, то она - равнобедренная
<b>СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР</b>	<b>ОТНОШЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ</b>	<b>РАВНОБЕДРЕННЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК</b>	 Равнобедренный треугольник – это треугольник, у которого две стороны равны и углы при основании равны	<b>ДИАГОНАЛИ РАВНОСТОРОННЕГО ШЕСТИУГОЛЬНИКА</b>	<b>ОКРУЖНОСТЬ ВПИСАННЫЙ УГОЛ</b>
 Серединный перпендикуляр – это прямая, выходящая из середины стороны треугольника под прямым углом к этой стороне	Отношение площадей подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия	 $R = \frac{\sqrt{3}a}{2}$	 $S = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$	 $2\alpha^\circ$	 Вписанный угол равен половине дуги, на которую он опирается
<b>СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА</b>	<b>ОТНОШЕНИЕ ОБЪЁМОВ</b>	<b>СВОЙСТВО РАВНОБЕДРЕННОГО ТРЕУГОЛЬНИКА</b>	 $S = 2ar$	<b>ЦЕНТРАЛЬНЫЙ УГОЛ</b>	<b>ПРОИЗВОЛЬНЫЙ ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИК</b>
 Серединные перпендикуляры к сторонам треугольника пересекаются в точке, являющейся центром окружности, описанной около треугольника	Отношение объёмов подобных фигур равно кубу коэффициента подобия	 $V_{\text{больш}} = k^3 V_{\text{мал}}$	 $S = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$	 $\alpha^\circ$	 Центральный угол равен градусной мере дуги, на которую он опирается
<b>ПОДОБИЕ АВС и НВК</b>	<b>ПОДОБИЕ АВС и НВК</b>	<b>ПЛОЩАДЬ РАВНОСТОРОННЕГО ТРЕУГОЛЬНИКА</b>	 $S = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$	<b>ПЛОЩАДЬ КРУГА</b>	<b>ДЛИНА ОКРУЖНОСТИ</b>
 $\cos B = \frac{BK}{AB}$ $\cos B = \frac{BH}{BC}$	$\Delta ABC \sim \Delta NVK$ по 2 признаку $(\frac{BK}{AB} = \frac{BH}{BC} \text{ и угол } B \text{ – общий})$	 $S = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$	 $S = \pi R^2$	 $R$	 $C = 2\pi R$

<b>СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНОЙ</b>	<b>ТЕОРЕМА ПТОЛЕМЕЯ</b>	<b>ПРИЗМА</b>	<b>ШАР</b>	<b>ПРИЗНАК ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ ДВУХ ПЛОСКОСТЕЙ</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПРЯмыми (СПОСОБ #2)</b>
 Касательная к окружности перпендикулярна радиусу, проведённому в точку касания	 $AC \cdot BD = AB \cdot CD + AD \cdot BC$ (работает только для вписанного четырёхугольника)	 $V = S_{\text{основания}} \cdot h$	 $V = \frac{4}{3} \pi R^3$	 Плоскости перпендикулярны, если одна из плоскостей содержит прямую, перпендикулярную другой плоскости Если $\{m \in \alpha \text{ и } m \perp \beta\}$ , то $\alpha \perp \beta$	Найдите угол между прямыми $SC$ и $BD$ .  Находим угол с помощью скалярного произведения векторов: $\cos \alpha = \frac{ x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 }{ \vec{SC}  \cdot  \vec{BD} }$
<b>СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНЫХ</b>	<b>МНОГОУГОЛЬНИК</b>	<b>ОБЪЁМ ПРИЗМЫ</b>	<b>ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ПРИЗМЫ</b>	<b>ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ШАРА</b>	<b>ПРИЗНАК ПАРАЛЛЕЛЬНОСТИ ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТИ</b>
 Отрезки касательных к окружности, проведённые из одной точки, равны, и составляют равные углы с прямой, проходящей через эту точку и центр окружности	 $S = pr$ $p$ – полупериметр	 $V = S_{\text{основания}} \cdot h$	 $S_{\text{поверхности}} = 2S_{\text{основания}} + S_{\text{бок.пов.}}$	 $V_{\text{сферы}} = 4\pi R^3$	 Пряная параллельна плоскости, если она параллельна какой-либо прямой, лежащей в этой плоскости Если $\{m \in \alpha \text{ и } c \in \alpha' \text{ и } m \parallel c\}$ , то $m \parallel \alpha'$
<b>ПРИЗНАК ВПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА</b>	<b>СВОЙСТВО КАСАЮЩИХСЯ ОКРУЖНОСТЕЙ</b>	<b>ПЛОЩАДЬ БОКОВОЙ ПОВЕРХНОСТИ ПРИЗМЫ</b>	<b>ЦИЛИНДР</b>	<b>ЗАДАНИЕ 14 ТЕОРЕМА О ТРЁХ ПЕРПЕНДИКУЛЯРАХ</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПЛОСКОСТЯМИ (СПОСОБ #1)</b>
 $\angle A + \angle C = 180^\circ$ $\angle B + \angle D = 180^\circ$	 Линия центров двух касающихся окружностей проходит через точку касания	 $S_{\text{боковой поверхности}} = P_{\text{основания}} \cdot h$	 $V = \pi R^2 h$	 Пряная, проведённая в плоскости и перпендикулярная проекции наклонной на эту плоскость, перпендикулярна и самой наклонной (ТП1)	 Угол между плоскостями – это угол между перпендикулярами к линии их пересечения, проведёнными в этих плоскостях
<b>ПРИЗНАК ВПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА</b>	<b>ВНЕВПИСАННАЯ ОКРУЖНОСТЬ</b>	<b>ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ЦИЛИНДРА</b>	<b>ОБЪЁМ ЦИЛИНДРА</b>	<b>ПРИЗНАК ПАРАЛЛЕЛЬНОСТИ ДВУХ ПЛОСКОСТЕЙ</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПЛОСКОСТЯМИ (СПОСОБ #2)</b>
 Если два равных угла опираются на один отрезок, то около четырёхугольника можно описать окружность	 Внешвписанная окружность треугольника – это окружность, касающаяся одной из сторон треугольника и продолжений двух других его сторон. У любого треугольника существует три внешвписанных окружности.	 $S_{\text{поверхности}} = 2\pi R^2 + 2\pi Rh$	 $V = \pi R^2 h$	 Плоскости параллельны, если две пересекающиеся прямые одной плоскости соответственно параллельны двум пересекающимся прямым другой плоскости	 Находим угол между плоскостью сечения и плоскостью проекции сечения $\cos \alpha = \frac{S_{\text{проекции}}}{S_{\text{сечения}}}$
<b>ПРИЗНАК ОПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА</b>	<b>КУБ</b>	<b>ПРАВИЛА ПОСТРОЕНИЯ СЕЧЕНИЙ</b>	<b>КОНУС</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТЬЮ (СПОСОБ #1)</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПЛОСКОСТЯМИ (СПОСОБ #3)</b>
 Если два равных угла опираются на один отрезок, то около четырёхугольника можно описать окружность	 $V = a^3$	<b>1</b> Проводим прямые через две точки, лежащие в одной плоскости	 $V = \frac{1}{3} \pi R^2 h$	 Угол между прямой и плоскостью – это угол между прямой и её проекцией на плоскость	 Находим угол между перпендикулярами к каждой из плоскостей
<b>СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНОЙ И СЕКУЩЕЙ</b>	<b>ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ КУБА</b>	<b>2</b> Плоскость сечения пересекает параллельные грани по параллельным прямым	 $S_{\text{поверхности}} = \pi R^2 + \pi Rl$	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТЬЮ (СПОСОБ #2)</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПЛОСКОСТЯМИ (СПОСОБ #4)</b>
 $AD^2 = AB \cdot AC$	 $S_{\text{поверхности}} = 6a^2$	<b>3</b> Метод следов (если в некоторой грани известна одна точка сечения, а в соседней грани – отрезок, то продлеваем общее ребро, а затем продлеваем отрезок до пересечения с продолжением общего ребра)	 $S_{\text{поверхности}} = \pi R^2 + \pi Rl$	 Находим угол $\beta$ с помощью скалярного произведения векторов: $\cos \beta = \frac{ x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 }{ \vec{d}  \cdot  \vec{n} }$	 Находим угол $\alpha$ с помощью скалярного произведения векторов: $\cos \alpha = \frac{ x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 }{ \vec{d}_1  \cdot  \vec{n}_1 }$
<b>УГОЛ МЕЖДУ КАСАТЕЛЬНОЙ И ХОРДЫ</b>	<b>ДИАГНОНАЛЬ КУБА</b>	<b>РАССТОЯНИЕ МЕЖДУ ПРЯмыми</b>	<b>ПИРАМИДА</b>	<b>ПРИЗНАК ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТИ</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПЛОСКОСТЯМИ (СПОСОБ #4)</b>
 $\alpha = \frac{\angle A}{2}$	 $d = \sqrt{3}a$	<b>Метод следов</b> Расстояние между скрещивающимися прямыми – это длина общего перпендикуляра, проведённого к этим прямым	 $V = \frac{1}{3} S_{\text{основания}} \cdot h$	<b>МЕТОД ОБЪЁМОВ</b> Расстояние от точки до плоскости можно найти как высоту пирамиды, выразив объём двумя способами	 Находим угол $\alpha$ с помощью скалярного произведения векторов: $\cos \alpha = \frac{ x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 }{ \vec{d}_1  \cdot  \vec{n}_1 }$
<b>СВОЙСТВО СЕКУЩИХ</b>	<b>ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕД</b>	<b>ПРИЗНАК ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТИ</b>	<b>ПЛОЩАДЬ БОКОВОЙ ПОВЕРХНОСТИ ПИРАМИДЫ</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПРЯмыми (СПОСОБ #1)</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПЛОСКОСТЯМИ (СПОСОБ #4)</b>
 $AD \cdot AE = AB \cdot AC$	 $V = abh$	<b>1</b> Вводим начало системы координат 2) Находим координаты вектора нормали $\vec{n}$ (берём отрезок, перпендикулярный плоскости)	 $V = \frac{1}{3} S_{\text{основания}} \cdot h$	<b>Найдите угол между SC и BD</b>	 Находим угол $\alpha$ с помощью скалярного произведения векторов: $\cos \alpha = \frac{ x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 }{ \vec{d}_1  \cdot  \vec{n}_1 }$
<b>СВОЙСТВО ХОРД</b>	<b>ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕДА</b>	<b>3</b> Находим координаты вектора нормали $\vec{n}_1$ (берём отрезок, перпендикулярный плоскости)	 $S_{\text{поверхности}} = S_{\text{основания}} + S_{\text{бок.пов.}}$	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПРЯмыми (СПОСОБ #1)</b>	<b>УГОЛ МЕЖДУ ПЛОСКОСТЯМИ (СПОСОБ #4)</b>
 Хорды, стягивающие равные дуги, равны	 $S_{\text{поверхности}} = 2ab + 2ah + 2bh$	<b>4) Находим <math>\cos \beta</math></b>	 $S_{\text{поверхности}} = S_{\text{основания}} + S_{\text{бок.пов.}}$	<b>Найдите угол между SC и BD</b>	 Находим угол $\alpha$ с помощью скалярного произведения векторов: $\cos \alpha = \frac{ x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 }{ \vec{d}_1  \cdot  \vec{n}_1 }$
	 $d^2 = a^2 + b^2 + h^2$	<b>5) <math>\angle \alpha = 90^\circ - \beta</math></b>			